

平成 30 年度 岩手県立産業技術短期大学校

一般入学試験問題

数 学

(注 意)

- 1 開始の合図があるまで、この冊子を開いてはいけません。
- 2 この冊子の問題は、1 ページから 3 ページにわたっています。
- 3 解答用紙は、問題冊子とは別に用意されています。
- 4 問題冊子及び解答用紙に不備がある場合には、直ちにその旨を監督員に申し出てください。
- 5 解答用紙には、**受験科名**、**受験番号**及び**氏名**を正しく記入してください。
- 6 解答は、すべて解答用紙の所定の欄に記入してください。
- 7 問題冊子は、持ち帰ってください。

平成 30 年度 岩手県立産業技術短期大学校 一般入学試験

数 学 問 題

(注意) 解答は、すべて解答用紙に記入せよ。

1 次の(1)~(10)の問いに答えよ。

(1) $(\sqrt{2} + \sqrt{3} + \sqrt{5})(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5})$ を計算せよ。

(2) 不等式 $\frac{n-20}{3} \geq -\frac{n-11}{2}$ を満たす最小の自然数 n を求めよ。

(3) 放物線 $y = -2x^2$ を平行移動したもので、 x 軸に正の部分で接し、点 $(1, -8)$ を通る放物線の方程式を求めよ。

(4) 2次方程式 $4x^2 + (k-1)x + 1 = 0$ が異なる2つの実数解をもつとき、定数 k の値の範囲を求めよ。

(5) $a + b = 2$, $ab = -4$ のとき、 $a^3 + b^3$ の値を求めよ。

(6) 整式 $P(x) = x^3 + ax^2 + 7x + b$ は $x - 1$ で割り切れ、 $x + 2$ で割ると -9 余る。このとき、定数 a , b の値を求めよ。

(7) 2点 $A(-3, 5)$, $B(-5, -9)$ を直径の両端とする円の方程式を求めよ。

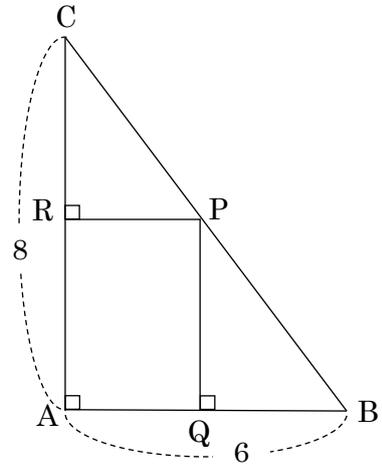
(8) $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ で $\sin \alpha = \frac{1}{4}$ のとき、 $\cos 2\alpha$ の値を求めよ。

(9) 方程式 $2^{2x+1} - 15 \cdot 2^x - 8 = 0$ を解け。

(10) $\int_0^2 (2x^2 + ax - 5) dx = \frac{4}{3}$ を満たす定数 a の値を求めよ。

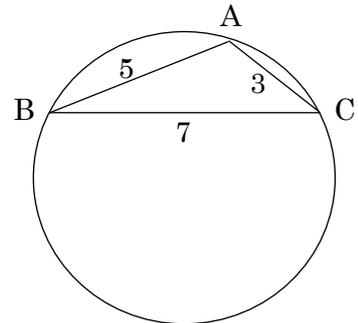
2 $AB = 6$, $AC = 8$, $\angle A = 90^\circ$ の直角三角形 ABC において、辺 BC 上(頂点 B, C は除く。)を点 P が動く。点 P から辺 AB, AC に下ろした垂線の足をそれぞれ Q, R とする。 $BQ = x$ とするとき、次の問いに答えよ。

- (1) x のとりうる範囲を求めよ。
- (2) PQ を x で表せ。
- (3) $\triangle PQR$ の面積 S の最大値を求めよ。



3 $AB = 5$, $BC = 7$, $CA = 3$ の $\triangle ABC$ がある。点 D は $\triangle ABC$ の外接円の頂点 A を含まない弧 BC 上にあり、 $BD : DC = 3 : 1$ である。このとき、次の問いに答えよ。

- (1) $\angle A$ の大きさを求めよ。
- (2) BD の長さを求めよ。
- (3) 四角形 $ABDC$ の面積 S を求めよ。



4 次の円について、以下の問いに答えよ。

$$x^2 + y^2 + 6x - 8y = 0 \cdots \textcircled{1}$$

- (1) 円 $\textcircled{1}$ の中心 C の座標と半径 r を求めよ。
- (2) 傾き $-\frac{1}{2}$ で点 $A(6, 7)$ を通る直線 l の方程式を求めよ。
- (3) 点 P が円 $\textcircled{1}$ 上を動くとき、点 P から(2)で求めた直線 l に下ろした垂線の足を H とする。このとき、 PH の最大値を求めよ。

5 次の文は 6^{200} の最高位の数を求める過程を記述したものである。これを読んで後の問いに答えよ。ただし、 $\log_{10} 2 = 0.3010$ 、 $\log_{10} 3 = 0.4771$ とする。

※ 最高位の数とは、最も高い位の数のことである。例えば、2017であれば最高位の数は「2」である。

$\log_{10} 6^{200}$ を計算し、整数部分を n 、小数部分を p とすると

$$\log_{10} 6^{200} = n + p$$

$$\therefore 6^{200} = 10^{n+p} = 10^p \times 10^n \cdots \textcircled{1}$$

正の整数 $N(1 \leq N \leq 9)$ が、 $\log_{10} N < p < \log_{10}(N+1) \cdots \textcircled{2}$

を満たすとき、

$$N < 10^p < N+1 \text{ となる。}$$

この式の辺々に 10^n をかけると

$$N \times 10^n < 10^p \times 10^n < (N+1) \times 10^n$$

①より

$$N \times 10^n < 6^{200} < (N+1) \times 10^n$$

このことから最高位の数は N であることが分かる。

(1) $\log_{10} 6^{200}$ の整数部分 n と小数部分 p を求めよ。

(2) 6^{200} の桁数を求めよ。

(3) ②を満たす正の整数 N を求めよ。

6 放物線 $y = x^2 - 4x$ を P とするとき、 P 上の点 $A(3, -3)$ における接線を l とする。このとき、次の問いに答えよ。

(1) 接線 l の方程式を求めよ。

(2) 点 A を通り、接線 l に垂直な直線 m の方程式を求めよ。

(3) (2) で求めた直線 m と放物線 P で囲まれた部分の面積 S を求めよ。